

# 2024届芜湖市初中毕业班教学质量统测

## 数学试题参考答案

一、选择题(本大题共10小题,每题4分,共40分)

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
答案	D	B	C	D	A	A	B	A	B	C

10. 解析:由  $BE = CF, \angle ABE = \angle BCF, AB = BC$  可得  $\triangle ABE \cong \triangle BCF$ , 从而由角的关系可知  $AE \perp BF$ , 故点  $P$  在以  $AB$  为直径的半圆  $O$  上移动, 如图2,

连  $OM, OP$ , 在  $OM$  上截取  $OQ = 1$ , 连  $QP$ , 如图2.

$$\because OQ = 1, OP = 2, OM = 4, \therefore OQ:OP = OP:OM = 1:2$$

$$\text{又 } \angle QOP = \angle POM, \therefore \triangle QOP \sim \triangle POM. \therefore \frac{1}{2}MP = QP,$$

$\therefore \frac{1}{2}PM + PN = QP + NP$ , 而  $QP + NP$  的最小值为线段  $QN$  的长度, 如图3,

作  $NG \perp OM$ , 垂足为  $G$ , 可知  $QG = 1, GN = 2$ , 则

$$QN = \sqrt{QG^2 + GN^2} = \sqrt{5}, \text{ 则 } \frac{1}{2}PM + PN \text{ 的最小值为 } QN = \sqrt{5}.$$

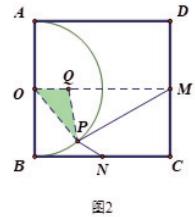


图2

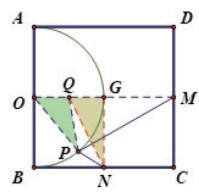


图3

二、填空题(本大题共4小题,每小题5分,共20分)

11.  $x \neq 1$

12.  $x(x+1)(x-1)$

13.  $\sqrt{17}$

14. (1)4(2)2(说明:第14题第一空2分,第二空3分)

解析:(1)  $\because BD = 3AD, \therefore \frac{AD}{AB} = \frac{1}{4}, \therefore \frac{y_D}{y_B} = \frac{AD}{AB} = \frac{1}{4}$

$\therefore y_D = 1, \therefore y_B = 4$

(2) 设  $C\left(a, \frac{k}{a}\right)$ , 则  $A(a, 0)$

$$\therefore AC = \frac{k}{a}$$

$$\because S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} AC \cdot BC = 12, \therefore BC = \frac{24a}{k} \therefore B\left(a + \frac{24a}{k}, \frac{k}{a}\right)$$

$$\because BD = 3AD, \therefore D\left(a + \frac{6a}{k}, \frac{k}{4a}\right)$$

$$\because \text{双曲线 } y = \frac{k}{x} \text{ 经过点 } D, \therefore k = \left(a + \frac{6a}{k}\right) \cdot \frac{k}{4a}$$

$$\therefore k = 2$$

三、(本大题共2小题,每小题8分,满分16分)

15. 解:原式 $=\sqrt{3} - \frac{1}{2} + 1 - \frac{1}{2}$  .....6分  
 $=\sqrt{3}$  .....8分

16. 解:设九(1)班有  $x$  人,九(2)班有  $y$  人

$$\text{由题意得:} \begin{cases} 3x + 4y = 265 \\ 2x + y = 110 \end{cases}$$

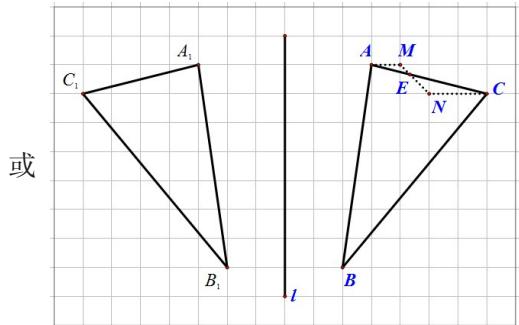
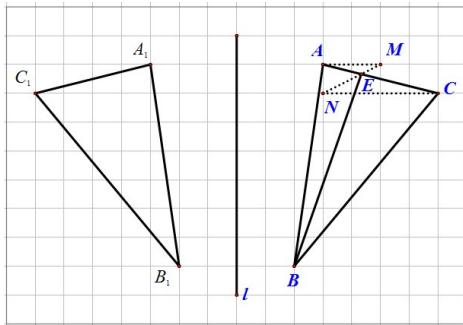
$$\text{解得:} \begin{cases} x = 35 \\ y = 40 \end{cases}$$

答:九(1)班有35人,九(2)班有40人. ....8分

四、(本大题共2小题,每小题8分,满分16分)

17. (1)如下图示 .....4分

(2)如下图示( $BE$ 不连接不扣分).....8分



18. (1)  $36, \frac{n(n+1)}{2}$  ..... 4分

有  $\therefore \frac{n(n+1)}{2} = 66$  ..... 6分

$$\therefore n(n+1) = 132, n^2 + n - 132 = 0, (n+12)(n-11) = 0$$

$$\therefore n = 11 (n = -12 \text{ 舍去})$$

$\therefore$  有 66 这个数, 是第 11 个数 ..... 8 分

五、(本大题共 2 小题, 每小题 10 分, 满分 20 分)

19. 解: 设  $DH = x$  米

$$\because \angle CDH = 53^\circ, \angle H = 90^\circ$$

$$\therefore CH = DH \cdot \tan 53^\circ = \frac{4}{3}x$$

$$\therefore BH = BC + CH = 3 + \frac{4}{3}x$$

$$\because \angle A = 37^\circ$$

$$\therefore AH = \frac{4}{3}BH = 4 + \frac{16}{9}x$$

$$\therefore AH = AD + DH$$

$$\therefore 4 + \frac{16}{9}x = 20 + x \text{ ..... 6 分}$$

解得:  $x = \frac{144}{7}$

$$\therefore BH = 3 + \frac{4}{3} \times \frac{144}{7} \approx 30.4 \text{ (米)}$$

答: 立柱  $BH$  的长约为 30.4 米 ..... 10 分

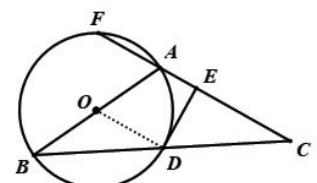
20. (1) 证明: 如图所示, 连接  $OD$ ,

$$\because AB = AC$$

$$\therefore \angle C = \angle B$$

$$\therefore OB = OD$$

$$\therefore \angle B = \angle ODB, \angle C = \angle ODB$$



$$\therefore OD \parallel AC$$

$\therefore DE$  是  $\odot O$  的切线

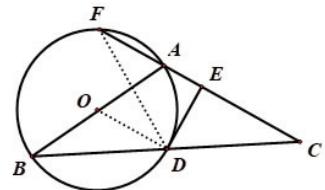
$\therefore OD \perp DE \therefore DE \perp AC$ .....4分

(2)解:连接 $FD$ ,如图得 $\angle F = \angle B$

$\therefore \angle C = \angle B$ (已证)

$$\therefore \angle F = \angle G$$

$$\therefore \sin C = \sin F = \frac{\sqrt{5}}{5}$$



$\therefore DE \perp FC$

$$\therefore \angle DEF = 90^\circ$$

$$\therefore \frac{DE}{FD} = \frac{\sqrt{5}}{5}$$

$$\therefore DE = 3$$

$$\therefore FD = 3\sqrt{5}$$

(此题方法不唯一,先证明  $EF = EC$ ,求出  $EC$  的值也可.)

六、(本题满分12分)

21. (1)该班共有学生人数为: $5 \div 10\% = 50$ .....2分

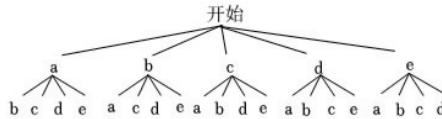
把条形统计图补充完整如下：



$$(2) \because m\% = 10 \div 50 \times 100\% = 20\%, n = 5 \div 50 \times 100\% = 10\%$$

最喜欢滨江书苑所对应的扇形圆心角

(3) 把小鹏和小兵分别记为 $a$ 、 $b$ , 其他同学分别记为 $c$ 、 $d$ 、 $e$ , 画树状图如下:



共有 20 种等可能的结果，其中恰好是小鹏和小兵参加比赛的结果有 2 种，

∴恰好是小鹏和小兵参加比赛的概率为

$$\frac{2}{20} = \frac{1}{10}$$

七、(本题满分12分)

22. 解:(1)  $\frac{S_{\triangle EDF}}{S_{\triangle BAC}} = \frac{9}{25}$  时 ..... 3分

(2) 证明:

$\therefore O$  为等腰 Rt $\triangle ABC$  斜边  $BC$  的中点

$$\therefore AO = BO$$

∴由图1  $DE \parallel AB, DF \parallel AC$  且  $\triangle ABC$  为等腰直角三角形

$\therefore \triangle DEF$  为等腰直角三角形

$$\therefore \angle QED \equiv \angle QBA, \angle QDE \equiv \angle QAB, \angle QDF \equiv \angle QAC, \angle QFD \equiv \angle QCA$$

$$\therefore \angle OED = \angle ODE = 45^\circ$$

$\cdot EO \equiv DO$

$\therefore$ 将 $\triangle DEF$ 绕点 $O$ 顺时针旋转任意一个角度

$$\therefore \angle AOD \equiv \angle BOE$$

$$\nabla \cdot A\partial \equiv B\partial$$

$\therefore \triangle AOD \cong \triangle BOE$ (SAS).....7分

(3)解:如图1,旋转前, $\because DE \parallel AB$

$$\therefore \frac{OE}{OB} = \frac{OD}{OA}, \frac{OE}{OD} = \frac{OB}{OA}$$

如图3,旋转后, $\because$ 将 $\triangle DEF$ 绕点 $O$ 顺时针旋转任意一个角度

$$\therefore \angle AOD = \angle BOE$$

$\therefore \triangle AOD \sim \triangle BOE$ .....12分

(答案合情合理即可给分)

八、(本题满分14分)

23. 解:(1)  $A(-1, 0)$ .....2分

(2)由题意,设点M坐标为 $(m, -m^2 + 2m + 3)$ ,则 $OM = -m^2 + 2m + 3$

$\because A(-1, 0)$ , 则  $AE = m + 1$

$$\therefore \angle MAB = 60^\circ$$

$$\therefore \sqrt{3}(m+1) = -m^2 + 2m + 3,$$

$$\therefore m = -1 \text{ (舍去)} \text{ 或 } m = 3 - \sqrt{3}$$

(3)由题意,设点M坐标为 $(m, -m^2 + 2m + 3)$

设直线 $BM$ 的表达式为 $y = sx + t$

则  $\begin{cases} -m^2 + 2m + 3 = sm + t \\ 0 = 3s + t \end{cases}$ , 解得  $\begin{cases} s = -m - 1 \\ t = 3m + 3 \end{cases}$

故直线 $BM$ 的表达式为 $y = (-m - 1)x + 3m + 3$ , 当 $x = 0$ 时, $y = 3m + 3$

故点N坐标为 $(0, 3m + 3)$ , 则 $ON = 3m + 3$ ,  $AE = m + 1$

$$\therefore S_1 = \frac{1}{2} \times AE \times y_M = \frac{1}{2} \times (m+1) \times (-m^2 + 2m + 3)$$

$$\therefore S_2 = \frac{1}{2} \times ON \times x_M = \frac{1}{2} \times (3m+3) \times m = S_1 = \frac{1}{2} \times (m+1) \times (-m^2 + 2m + 3)$$

$$\therefore 3m \times (m+1) = (m+1) \times (-m^2 + 2m + 3), \text{ 即 } m+1=0 \text{ 或 } 3m=-m^2 + 2m + 3$$

舍去负值,故  $m = \frac{\sqrt{13} - 1}{2}$

$$\therefore E\left(\frac{\sqrt{13}-1}{2}, 0\right) \dots \quad \text{14分}$$

(答案合情合理即可给分)